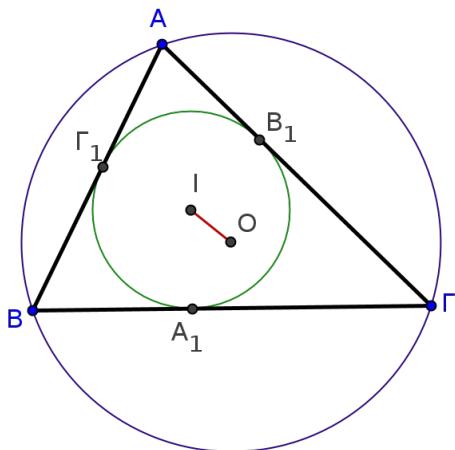


Δίνεται τρίγωνο ABC . Να βρεθεί η απόσταση μεταξύ περίκεντρου O και έγκεντρου I , συναρτήσει των ακτίνων R και r του περιγεγραμμένου και του εγγεγραμμένου κύκλου του τριγώνου.

Λύση



- αντιστρέψτε ως προς τον εγγεγραμμένο κύκλο του τριγώνου. Τι σχήμα είναι το αντίστροφο του περιγεγραμμένου κύκλου του τριγώνου;
 - Βρείτε τα αντίστροφα A', B', Γ' των A, B, Γ . Δικαιολογήστε ότι αυτά είναι τα μέσα των τμημάτων $B_1\Gamma_1, A_1B_1, A_1\Gamma_1$ αντίστοιχα
-
.....
.....
.....

- Συμπεραίνουμε ότι ο αντίστροφος του περιγεγραμμένου κύκλου κ , είναι ο περιγεγραμμένος κύκλος κ' του τριγώνου $A'B'\Gamma'$. Δικαιολογήστε ότι οι ακτίνες τους R και R' συνδέονται με τη σχέση $R'=r/2$.
-
.....
.....
.....
.....

- Ο κύκλος κ' όμως είναι του κ , με λόγο ομοιοθεσίας $\lambda=.....$ άρα και για τις ακτίνες θα ισχύει $R'=\lambda R$ άρα
-
.....
.....